

# **ANÁLISIS VECTORIAL**

## **CAP: VECTORES EN 2D**

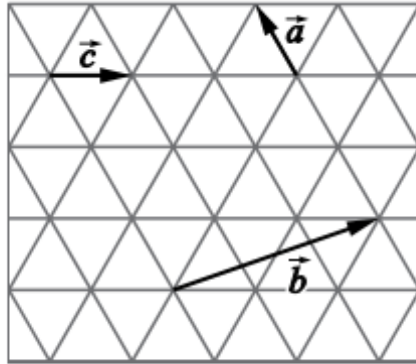
### **MÉTODOS GRÁFICOS**

### **MÉTODOS ANALÍTICOS**

**Por Félix Aucallanchi Velásquez**

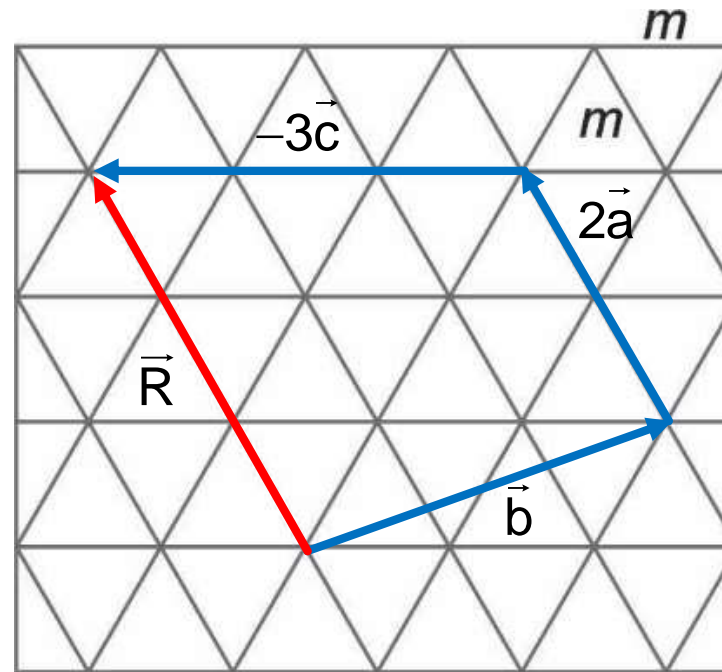
01.- Si los lados de los triángulos equiláteros miden « $m$ », se pide determinar:  $|2\vec{a} + \vec{b} - 3\vec{c}|$ .

- A)  $2m$
- B)  $3m$
- C)  $4m$
- D)  $5m$
- E)  $6m$



$$\text{Si: } \vec{R} = 2\vec{a} + \vec{b} - 3\vec{c}$$

$$\text{Nos piden: } |\vec{R}| = |2\vec{a} + \vec{b} - 3\vec{c}|$$

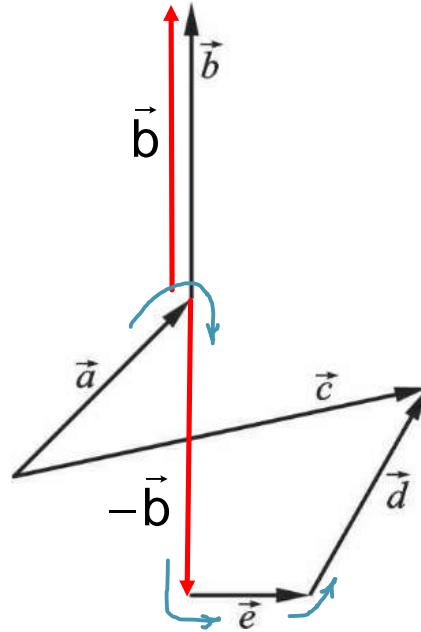
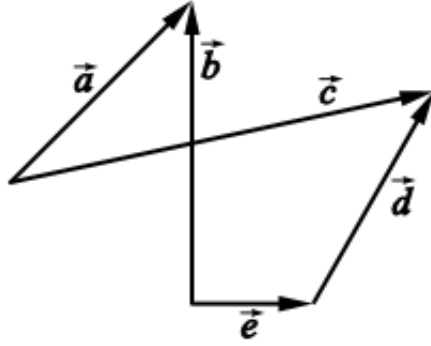


$$\therefore |\vec{R}| = 3m$$

**Resp: B**

13.- En la figura se da un grupo de vectores.  
Su resultante se puede expresar como:

- A)  $3\vec{a} - \vec{d}$
- B)  $2(\vec{b} + \vec{c})$
- C)  $\vec{a} + \vec{c} - \vec{d}$
- D)  $2\vec{a} + 3\vec{c}$
- E)  $2(\vec{b} + \vec{d})$



$$\vec{R} = \vec{a} + \vec{b} + \vec{c} + \vec{d} + \vec{e}$$

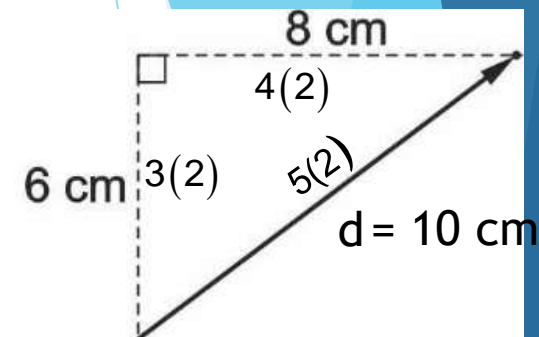
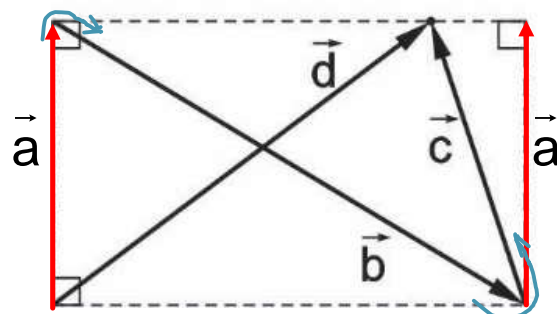
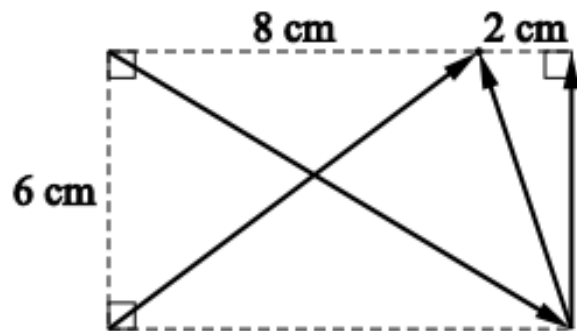
$$\vec{R} = \underbrace{\vec{a} + (-\vec{b}) + \vec{e} + \vec{d}}_{\vec{c}} + \vec{c} + 2\vec{b}$$

$$\rightarrow \vec{R} = 2\vec{b} + 2\vec{c} \quad \therefore \vec{R} = 2(\vec{b} + \vec{c})$$

**Resp: B**

12.- Calcular el módulo de la resultante del siguiente grupo de vectores.

- A) 16 cm
- B) 18 cm
- C) 15 cm
- D) 20 cm
- E) 24 cm



$$\rightarrow \vec{R} = \underbrace{\vec{a} + \vec{b} + \vec{c}}_{\vec{d}} + \vec{d} \rightarrow \vec{R} = 2\vec{d}$$

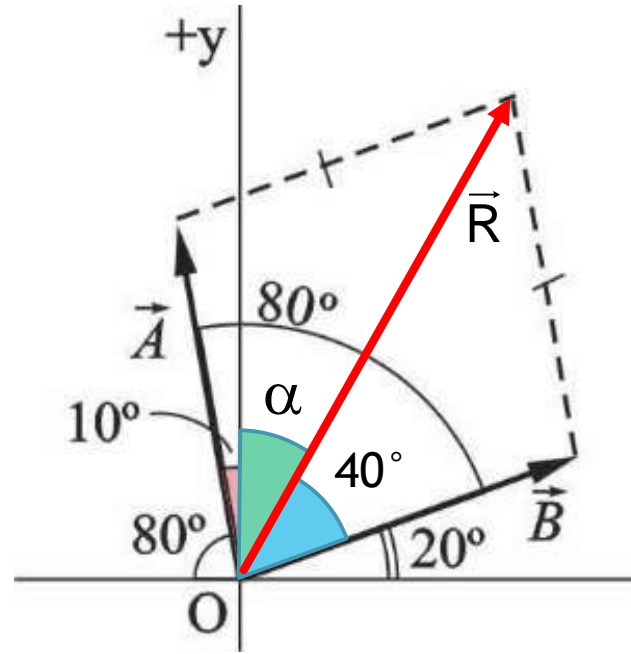
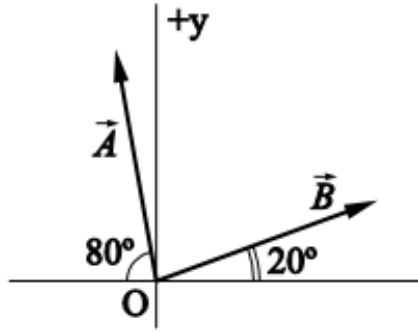
$$\rightarrow |\vec{R}| = 2|\vec{d}| = 2(10\text{ cm})$$

$$\therefore |\vec{R}| = 20\text{ cm}$$

**Resp: D**

17.- Dado que el par de vectores  $\vec{A}$  y  $\vec{B}$  presentan módulos iguales, se pide determinar el ángulo que forma la resultante con el eje «y».

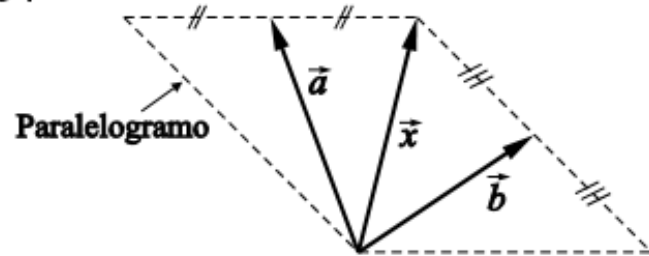
- A)  $40^\circ$
- B)  $15^\circ$
- C)  $25^\circ$
- D)  $20^\circ$
- E)  $30^\circ$



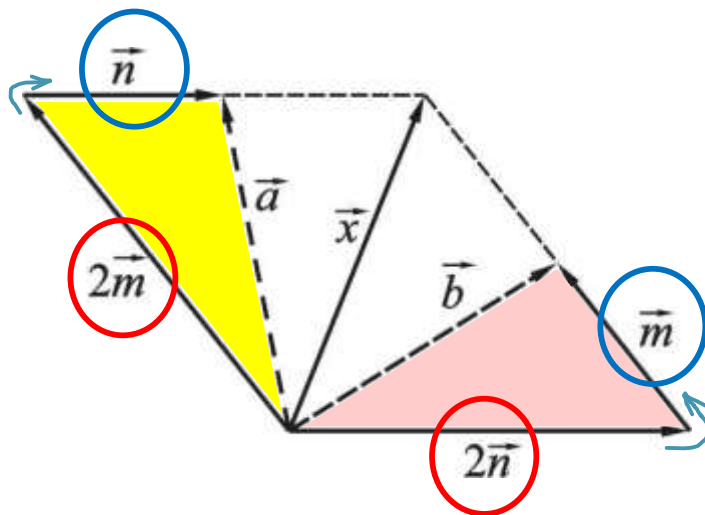
$$\rightarrow \alpha + 10^\circ = 40^\circ \quad \therefore \alpha = 30^\circ$$

**Resp: E**

08.- Expresar el vector  $\vec{x}$  en términos de  $\vec{a}$  y  $\vec{b}$ .



- A)  $2(\vec{a} + \vec{b})$    B)  $3(\vec{a} + \vec{b})$    C)  $\frac{2}{3}(\vec{a} + \vec{b})$   
 D)  $\frac{3}{2}(\vec{a} + \vec{b})$    E)  $\frac{1}{3}(\vec{a} + \vec{b})$



En el  $\square$ :  $\vec{x} = 2\vec{m} + 2\vec{n} \rightarrow \vec{x} = 2(\vec{m} + \vec{n}) \dots(1)$

$$\vec{a} = 2\vec{m} + \vec{n} \quad \wedge \quad \vec{b} = 2\vec{n} + \vec{m}$$

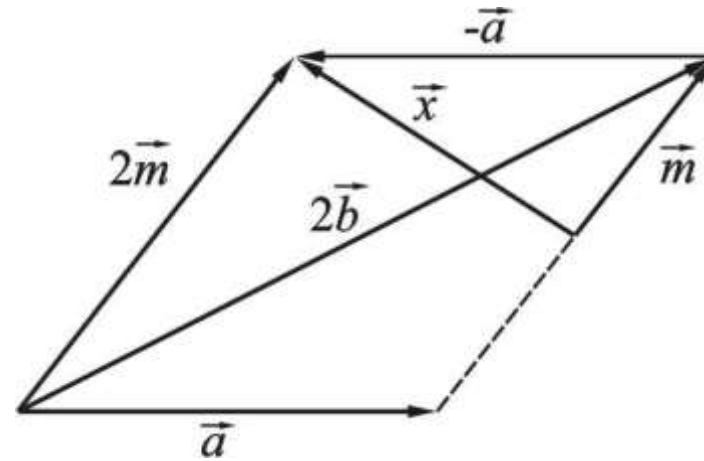
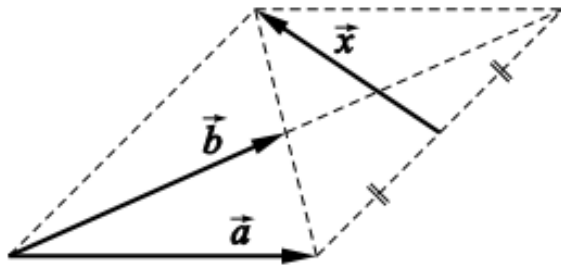
$$\vec{a} + \vec{b} = (2\vec{m} + \vec{n}) + (2\vec{n} + \vec{m})$$

$$\vec{a} + \vec{b} = 3(\vec{m} + \vec{n}) \rightarrow (\vec{m} + \vec{n}) = \frac{1}{3}(\vec{a} + \vec{b}) \dots(2)$$

De (2) en (1):  $\vec{x} = \frac{2}{3}(\vec{a} + \vec{b})$

**Resp: C**

09.- Determinar  $\vec{x}$  en función de  $\vec{a}$  y  $\vec{b}$ .



- A)  $\frac{2\vec{b} - 3\vec{a}}{2}$     B)  $\frac{\vec{b} - 2\vec{a}}{3}$     C)  $\frac{\vec{b} - \vec{a}}{4}$   
 D)  $\frac{3\vec{b} + \vec{a}}{4}$     E)  $\frac{4\vec{a} + \vec{b}}{5}$

En el  $\Delta$  :  $\vec{x} = \vec{m} - \vec{a} \dots (1)$

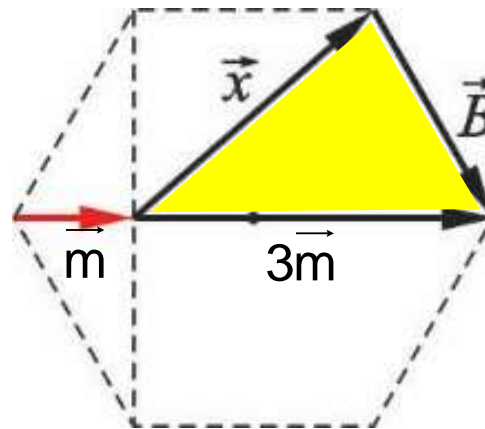
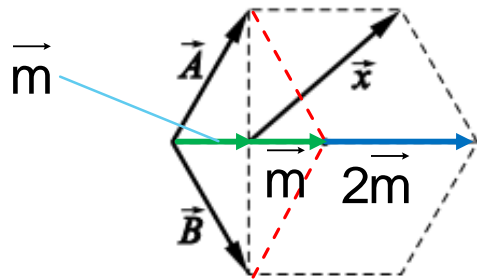
En el  $\square$  :  $\vec{a} + 2\vec{m} = 2\vec{b} \rightarrow \vec{m} = \frac{1}{2}(2\vec{b} - \vec{a}) \dots (2)$

De (2) en (1) :  $\vec{x} = \frac{1}{2}(2\vec{b} - \vec{a}) - \vec{a} \rightarrow \vec{x} = \frac{2\vec{b} - \vec{a} - 2\vec{a}}{2}$

$\therefore \vec{x} = \frac{2\vec{b} - 3\vec{a}}{2}$

**Resp: A**

10.- Determinar el vector  $\vec{x}$  en función de  $\vec{A}$  y  $\vec{B}$ . La figura es un hexágono regular.



- A)  $\frac{\vec{A}-2\vec{B}}{2}$     B)  $\frac{3\vec{A}-\vec{B}}{3}$     C)  $\frac{2\vec{A}-\vec{B}}{3}$   
 D)  $\frac{3\vec{A}+\vec{B}}{2}$     E)  $\frac{2\vec{A}+3\vec{B}}{5}$

$$\text{Del } \square : \vec{A} + \vec{B} = 2\vec{m} \rightarrow \vec{m} = \frac{1}{2}(\vec{A} + \vec{B}) \dots(1)$$

$$\text{Del } \triangle : \vec{x} + \vec{B} = 3\vec{m} \dots(2)$$

$$\text{De (1) en (2) : } \vec{x} + \vec{B} = \frac{3}{2}(\vec{A} + \vec{B}) \rightarrow \vec{x} = \frac{3}{2}(\vec{A} + \vec{B}) - \vec{B}$$

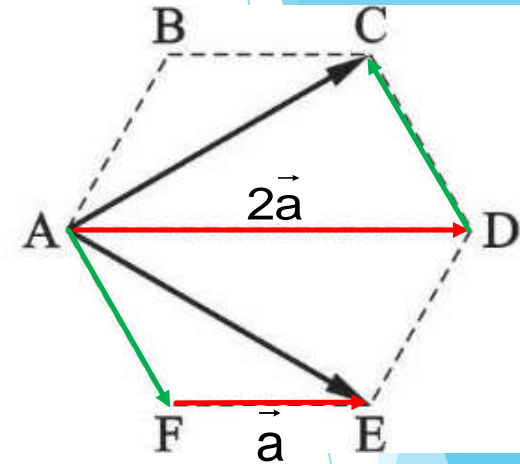
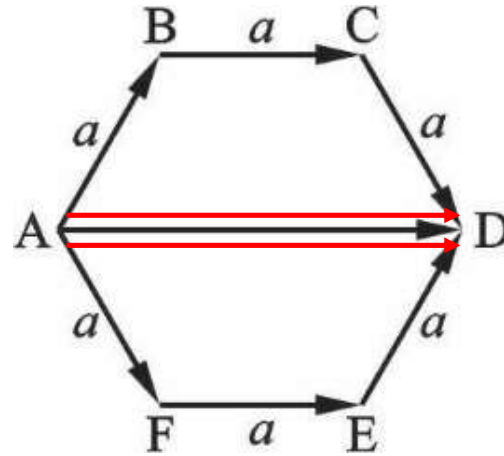
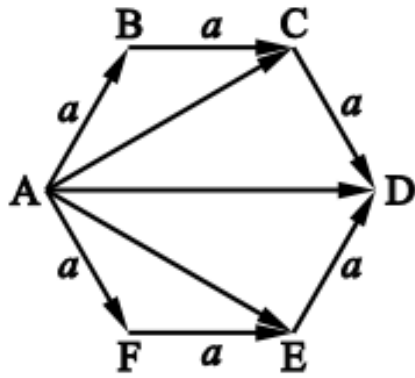
$$\vec{x} = \frac{3(\vec{A} + \vec{B}) - 2\vec{B}}{2} \therefore \vec{x} = \frac{3\vec{A} + \vec{B}}{2}$$

**Resp: D**



04.- Determinar el módulo de la resultante del conjunto de vectores mostrados.

- A)  $6a$
- B)  $9a$
- C)  $12a$
- D)  $3a$
- E)  $0$



$$\vec{R} = \underbrace{\vec{AB} + \vec{BC} + \vec{CD} + \vec{AD}}_{\vec{AD}} + \underbrace{\vec{AF} + \vec{FE} + \vec{ED}}_{\vec{AD}} + \underbrace{\vec{AC} + \vec{AE}}$$

$$\vec{R} = 3\vec{AD} + \vec{AD} + \vec{FE} \rightarrow \vec{R} = 4\vec{AD} + \vec{FE}$$

$$\vec{R} = 4(2\vec{a}) + (\vec{a}) = 9\vec{a} \rightarrow |\vec{R}| = 9|\vec{a}| = 9a$$

**Resp: B**

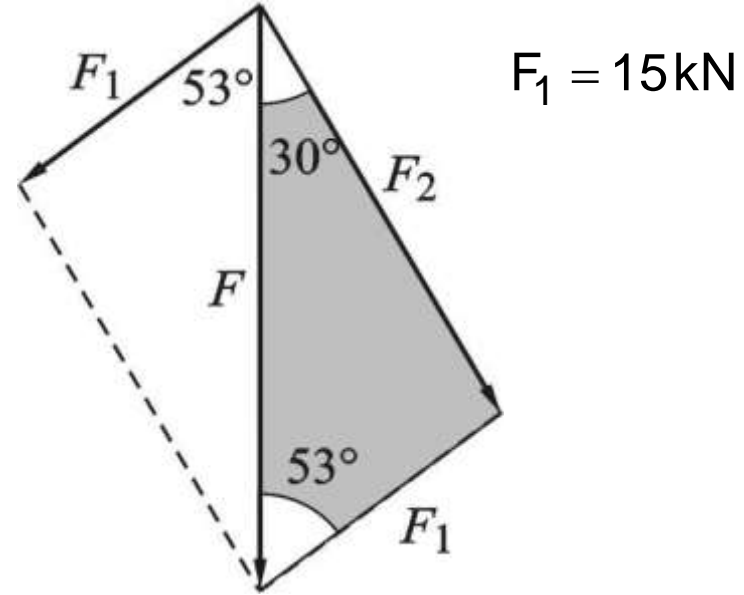
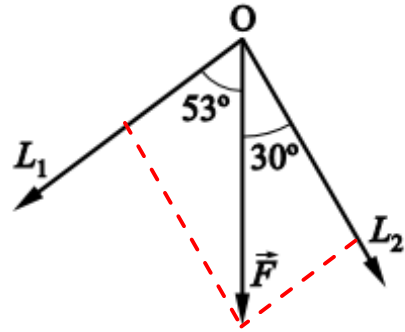
~~$$\vec{AC} = \vec{AD} + \vec{DC}$$~~

~~$$\vec{AE} = \vec{AF} + \vec{FE}$$~~

$$\vec{AC} + \vec{AE} = \vec{AD} + \vec{FE}$$

14.- En la figura se muestra una fuerza  $\vec{F}$  aplicada sobre «O». Se sabe que la componente de  $\vec{F}$  sobre el eje  $L_1$  tiene una magnitud de 15 kN. Se pide calcular la magnitud de la componente sobre el eje  $L_2$ .

- A) 12 kN
- B)  $12\sqrt{3}$  kN
- C) 18 kN
- D) 20 kN
- E) 24 kN



$$\frac{F_2}{\sin 53^\circ} = \frac{F_1}{\sin 30^\circ} \rightarrow \frac{F_2}{4/5} = \frac{15}{1/2}$$

$$\therefore F_2 = 24 \text{ kN}$$

**Resp: E**